

### 3 ייחדות לימוד - שאלון שלישי (35382)

#### מבנה השאלון

שאלון שלישי (35382) – 40% משך השאלון: שעתיים	פתרונות של 4 שאלות מתוך 6
שאלות מילוליות	<b>2-1 שאלות</b> בחלוקת הבאה: שאלה אחת בתחום קנייה, מכירה ותשלומים כולל התייקרויות והוזלות עוקבות באחזים. תיתכן שאלה שנייה בתחום שאלות תנעה, או בתחום שאלות גיאומטריות.
גיאומטריה אנליטית	<b>2-1 שאלות</b>
חשבון דיפרנציאלי וrintegral	<b>3 שאלות</b>

#### פירוט הנושאים בשאלון 35382

##### **שאלות מילוליות:**

שאלות קנייה, מכירה ותשלומים כולל התייקרויות והוזלות עוקבות באחזים. **שאלות תנעה, שאלות גיאומטריות:** שטחים והיקפים של צורות המורכבות ממלבנים, משולשים וחלקי מעגל (מעגל, חצי מעגל, או רביע מעגל), נפח ושטח פנים של תיבת וגוליל. נפח של מסגרת משולשת. בכל הנושאים עשויות להיות שאלות עם אחזים, ובשאלות גיאומטריות עשוי להידרש משפט **פיתגורס**.

##### **גיאומטריה אנליטית:**

**קטעים:** מרחק בין נקודות (אורך קטע), אמצע קטע.  
**ישרים:** מציאת משוואת ישר על פי שתי נקודות ועל פי שיפוע ונקודה, הקבלה, חיתוך וnicasות.

**מעגל:** משוואת קணית ומשוואת מעגל כללי  $R^2 = (x-a)^2 + (y-b)^2$ , חיתוך של מעגל וישר, משיק למעגל בנקודה שעל המעגל (תנאי נি�צבות).

##### **חשבון דיפרנציאלי וrintegral:**

##### **חשבון דיפרנציאלי**

**מושגי יסוד:** משיק בנקודה, שיפוע של גרף בנקודה, הפונקציה הנזרת. מושג אינטואיטיבי של גבול.

הנגזרת של  $x^k$  ( $k$  טבעי או 0). הנגזרת של פולינום (כולל  $(cf(x))'$ ,  $(f(x) \pm g(x))'$ ), הנגזרת של הפונקציות:  $\frac{1}{x}$ ,  $\sqrt{x}$ . הנגזרת של סכום, הפרש, ומכפלה של כל אחת מהפונקציות הנזכרות

(התלמיד יידרש לזיהות את הפונקציה  $\frac{1}{x} \cdot \frac{1}{3x}$  כמכפלה של קבוע בפונקציה, ולגוזר אותה

בהתאם, **וירדרש לזיהות את הפונקציה  $\frac{1}{x^2}$  כמכפלה פונקציית  $\frac{1}{x}$  ולבזר אותה בהתאם**

שימושי הנזרת:

- משוואת משיק: מציאת משוואת המשיק באמצעות גזירת הפונקציה, או עברור פונקציה שהנגזרת שלה נתונה.
- מציאת תחומי עלייה, ירידה ונקודות קיצון באמצעות גזירת הפונקציה, או עברור פונקציה שהנגזרת שלה נתונה.
- בעיות ערך קיצון בנושאים: **מספרים, גיאומטריה, גופים במרחב, תנואה, גרפים, קנייה,** מכירה ותשולם (כולל קיצון בקטוט קטע סגור). אף שהשאלות לא חייבות להיות לקוחות מהמאגר, **יש במאגר הישן דוגמאות מתאימות: עמ' 135–137 ת' 1–16, עמ' 183–188 ת' 1–22, 9–16, 12–21, 5–1.**
- חקירת פונקציות: מציאת תחום הגדרה, נקודות קיצון, תחומי עלייה וירידה, נקודות חיתוך עם הצירים, התנהגות בסביבת נקודת אי-הגדרה (אסימפטוטה שהיא ציר  $u$  או מקבילה לו), שרטוט סקיצה של גраф של פונקציה. אסימפטוטה שהיא ציר  $x$  או מקבילה לו רק לפונקציות

$$\text{מהצורה } \frac{a}{x^k} + b, k=1,2 \text{ ממשי.}$$

הערה: לא יידרש פתרון של אי-שוויון ריבועי לצרכי חישוב תחום ההגדרה.

חשבון אינטגרלי:

פונקציה קדומה, קבוע האינטגרציה, מציאת פונקציה לפי נגזרת ונקודה על הפונקציה, אינטגרלים על ידי גזירה.

אינטגרל מסוים: חישוב אינטגרלים מסוימים, חישוב שטח בין גраф הפונקציה לציר  $x$  ו/או לציר  $u$ , שטח בין גرافים של שתי פונקציות ושטחים המורכבים משני חלקים (למשל חישוב של שטח בין שתי פונקציות נחתכות ובין ציר  $-u$ ).

האינטגרלים הנדרשים בשאלון הם האינטגרלים של פולינומים בלבד.

**הערות:**

- אחד מהשאלות בחשבון דיפרנציאלי ואינטגרלי תבנה על בסיס הרעיון של שאלה מתוד **המאגר הישן פרק ג.**
- בעיה בגיאומטריה תופיע בשאלון זה רק באחד מהנושאים: שאלה מילולית באלגברה או בעיית ערך קיצון.