

# תוכן העניינים:

פרק 1 .....	2
גיאומטריה אנליטית - נקודה וישר .....	2
סיכום כללי: .....	2
נוסחאות כלליות: .....	2
משוואת הישר: .....	2
מצב הדדי בין שני ישרים: .....	2
שימועים של ישרים: .....	2
חלוקת קטע ביחס נתון: .....	3
הצגה כללית של ישר ומרחקים: .....	3
מבוא לגיאומטריה אנליטית: .....	4
שאלות העוסקות באמצע קטע: .....	4
שאלות העוסקות במרחק בין שתי נקודות: .....	5
שאלות העוסקות בשיפוע בין שתי נקודות: .....	6
שאלות העוסקות במשוואת ישר: .....	6
שאלות מסכמות: .....	11
תשובות סופיות: .....	16
נושאים מתקדמים עם משוואת הישר: .....	20
שאלות העוסקות בחלוקת קטע ביחס נתון: .....	20
שאלות העוסקות במרחק נקודה מישר: .....	20
שאלות העוסקות במיקום נקודה ביחס לישר: .....	21
שאלות העוסקות במרחק בין ישרים מקבילים: .....	22
תשובות סופיות: .....	24

# פרק 1

## גיאומטריה אנליטית - נקודה וישר

### סיכום כללי:

#### נוסחאות כלליות:

- המרחק בין הנקודות  $A(x_1, y_1)$  ו-  $B(x_2, y_2)$  יחושב לפי:  $d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$ .
- אמצע הקטע  $M$  שקצותיו הם:  $A(x_1, y_1)$  ו-  $B(x_2, y_2)$  הוא:  $x_M = \frac{x_1 + x_2}{2}, y_M = \frac{y_1 + y_2}{2}$ .
- שיפוע ישר בין שתי נקודות  $A(x_1, y_1)$  ו-  $B(x_2, y_2)$  הוא:  $m_{AB} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{y_1 - y_2}{x_1 - x_2}$ .

#### משוואת הישר:

- משוואת ישר מפורשת היא מהצורה:  $y = mx + n$ .
- כאשר:  $m$  הוא שיפוע הישר ו-  $n$  הוא ערך ה-  $y$  של נקודת החיתוך של הישר עם ציר ה-  $y$ .
- נוסחה למציאת משוואת ישר:  $y - y_1 = m(x - x_1)$ .

#### מצב הדדי בין שני ישרים:

- ישרים מקבילים מקיימים:  $m_1 = m_2, n_1 \neq n_2$ .
- ישרים חותכים מקיימים:  $m_1 \neq m_2$ .
- ישרים מתלכדים מקיימים:  $m_1 = m_2, n_1 = n_2$ .

#### שיפועים של ישרים:

- שיפועי ישרים מאונכים מקיימים:  $m_1 \cdot m_2 = -1$ .
- הקשר בין שיפוע ישר לזווית שהוא יוצר עם הכיוון החיובי של ציר ה-  $x$ :  $m = \tan \alpha$ .

### חלוקת קטע ביחס נתון:

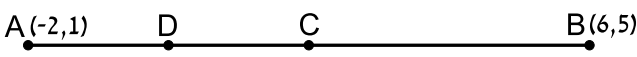
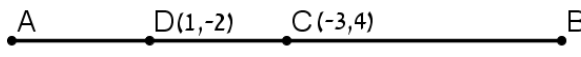
- שיעורי נקודה P המחלקת קטע שקצותיו  $A(x_1, y_1)$  ו-  $B(x_2, y_2)$  ביחס של  $k:l$  הם:  $x_P = \frac{k \cdot x_1 + l \cdot x_2}{k+l}, y_P = \frac{k \cdot y_1 + l \cdot y_2}{k+l}$  (בהצלבה).

### הצגה כללית של ישר ומרחקים:

- הצגה כללית של ישר (צורה סתומה):  $Ax + By + C = 0$ .
- מרחק הנקודה  $A(x_1, y_1)$  מהישר  $Ax + By + C = 0$  הוא:  $d = \left| \frac{Ax_1 + By_1 + C}{\sqrt{A^2 + B^2}} \right|$  כאשר  $B > 0$ .
- אם הנקודה מעל הישר מורידים את הערך המוחלט.
- אם הנקודה מתחת לישר מורידים את הערך המוחלט ומוסיפים מינוס לאחד האגפים.
- מרחק בין שני ישרים מקבילים:  $Ax + By + C_1 = 0$  ו-  $Ax + By + C_2 = 0$  כאשר:  $B > 0$  הוא:  $d = \left| \frac{C_1 - C_2}{\sqrt{A^2 + B^2}} \right|$  ומתקיים בהעדר הערך המוחלט:
  - אם:  $C_1 > C_2$ , אז הישר  $Ax + By + C_1 = 0$  מתחת ל-  $Ax + By + C_2 = 0$ .
  - אם:  $C_1 < C_2$ , אז הישר  $Ax + By + C_1 = 0$  מעל ל-  $Ax + By + C_2 = 0$ .

## מבוא לגיאומטריה אנליטית:

### שאלות העוסקות באמצע קטע:

- (1) מצא את אמצעי הקטעים שקדוניהם נתונים ע"י הנקודות A ו-B:
- א.  $A(1,4)$  ,  $B(5,-8)$       ב.  $A(-3,0)$  ,  $B(3,-2)$
- ג.  $A(4,5)$  ,  $B(-4,-5)$       ד.  $A\left(\frac{1}{2}, \frac{3}{4}\right)$  ,  $B\left(7\frac{1}{2}, -2\right)$
- ה.  $A(6,-1)$  ,  $B(-3,-1)$       ו.  $A(4,7)$  ,  $B(4,-12)$
- (2) נתון קטע AB שאמצעו בנקודה M.
- מצא את שיעורי נקודת הקצה B אם נתונים שיעורי הנקודות של A ושל M:
- א.  $A(4,-2)$  ,  $M(2,1)$       ב.  $A(-6,-8)$  ,  $M(0,0)$
- ג.  $A(13,-11)$  ,  $M(4,-7)$       ד.  $A\left(\frac{1}{3}, -\frac{4}{3}\right)$  ,  $M\left(\frac{2}{3}, -\frac{1}{3}\right)$
- (3) נתון משולש שווה שוקיים ABC שבו A הוא קדקוד הראש.
- ידוע כי שיעורי הקדקודים B ו-C הם  $B(2,-4)$  ,  $C(6,1)$ .
- מעבירים תיכון AD לבסיס BC. מצא את שיעורי הנקודה D.
- (4) באיור שלפניך C היא נקודת האמצע של AB, ו-D היא נקודת האמצע של AC.
- ידוע כי:  $A(-2,1)$  ,  $B(6,5)$ . מצא את שיעורי הנקודה D.
- 
- (5) באיור שלפניך C היא נקודת האמצע של AB, ו-D היא נקודת האמצע של AC.
- ידוע כי:  $C(-3,4)$  ,  $D(1,-2)$ . מצא את שיעורי הנקודות A ו-B.
- 
- (6) הנקודות  $A(2,-7)$  ,  $B(-10,4)$  ו-C(6,11) הן שלושה קדקודים של מקבילית ABCD.
- מצא את שיעורי הקדקוד הרביעי, D.

**שאלות העוסקות במרחק בין שתי נקודות:**

**(7) מצא את המרחק בין זוגות הנקודות הבאות:**

- |                       |                       |
|-----------------------|-----------------------|
| א. $A(4,7), B(-3,7)$  | ב. $A(6,2), B(1,2)$   |
| ג. $A(-3,10), B(0,6)$ | ד. $A(6,-9), B(1,3)$  |
| ה. $A(4,7), B(13,-1)$ | ו. $A(6,6), B(-9,-9)$ |

**(8) חשב את היקף המשולש ABC שקודקדיו הם:  $A(3,-2)$ ,  $B(4,9)$ ,  $C(0,14)$ .**

**(9) נתונות נקודות  $A(14,4)$ ,  $B(6,y)$  שמרחקן הוא 10 יחידות אורך. מצא את  $y$ .**

**(10) נתונות נקודות  $A(x,-12)$ ,  $B(15,-2)$  שמרחקן הוא 26 יחידות אורך. מצא את  $x$ .**

**(11) נתונה נקודה B ברביע השלישי, ששיעור ה- $y$  שלה גדול פי 3 משיעור ה- $x$  שלה ומרחקה מהנקודה  $A(-4,1)$  הוא 5. מצא את שיעורי הנקודה B.**

**(12) במשולש שווה שוקיים ABC ( $AB = AC$ ) ידוע כי אורכי השוקיים הוא  $\sqrt{45}$  יחידות אורך. שיעורי הקדקוד A הם  $(0,4)$  ושיעורי ה- $y$  של הקדקודים B ו-C הוא -2. מצא את קדקודי המשולש B ו-C (הנח B ברביע הרביעי).**

**(13) אורך האלכסון AC במלבן ABCD הוא  $d_{AC} = \sqrt{50}$  וידוע כי:  $A(-3,-2)$ ,  $B(-4,1)$ . מצא את היקף המלבן.**

**שאלות העוסקות בשיפוע בין שתי נקודות:**

14) מצא את השיפוע בין זוגות הנקודות הבאים:

- |                      |                        |
|----------------------|------------------------|
| א. $A(5,2), B(4,1)$  | ב. $A(3,-2), B(-3,1)$  |
| ג. $A(7,8), B(6,15)$ | ד. $A(0,5), B(7,0)$    |
| ה. $A(6,9), B(6,-7)$ | ו. $A(4,-1), B(18,-1)$ |

15) מצא את שיפועי הישרים שצלעות המשולש שקודקודיו

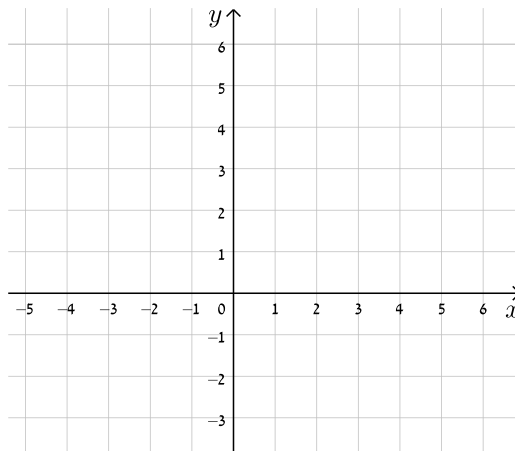
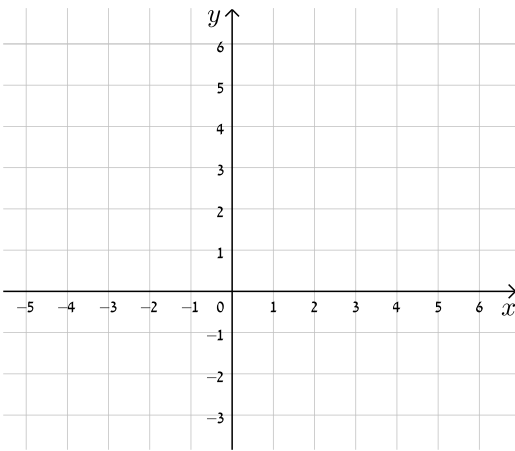
הם:  $A(6,5), B(2,13), C(4,-7)$  מונחים עליהם.

**שאלות העוסקות במשוואת ישר:**

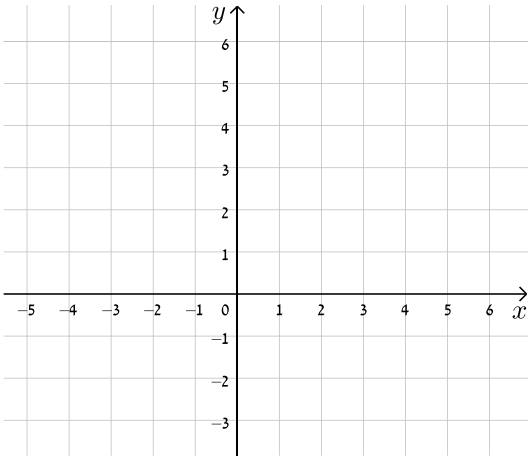
16) עבור כל אחד ממשוואות הישרים הבאות, מצא את נקודות החיתוך עם הצירים וסרטט את הישרים במערכת הצירים שלפניך.

ב.  $y = -x + 5$

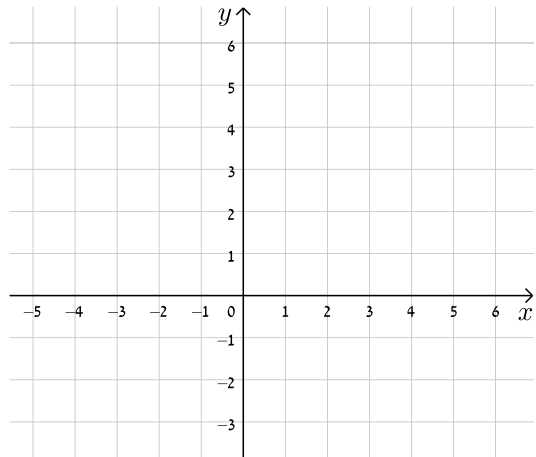
א.  $y = x + 4$



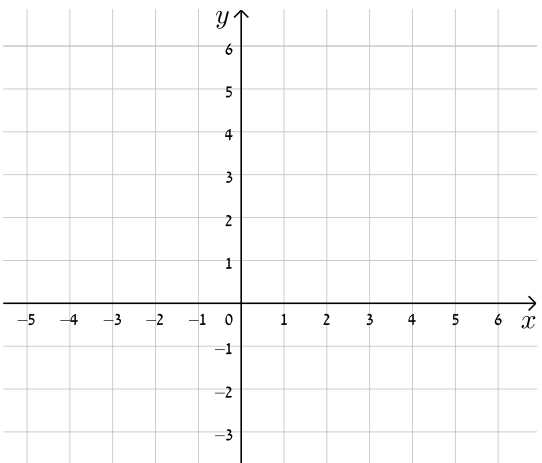
$y = -3x + 5$  .ג



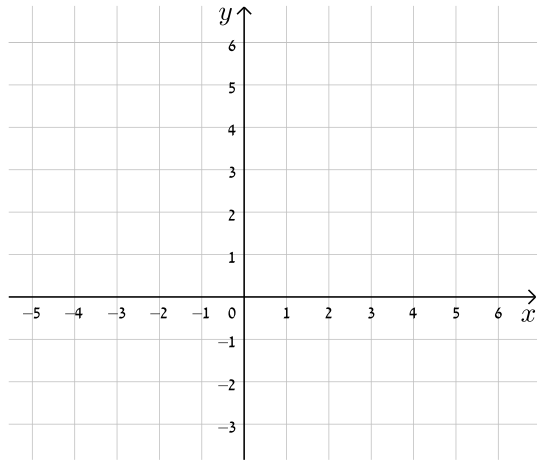
$y = 2x - 3$  .ד



$y = 8 - 4x$  .ה

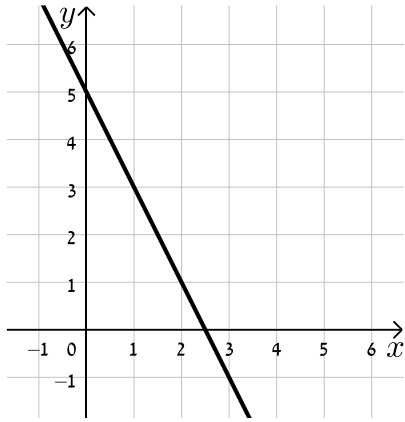


$y = 3x - 1$  .ו

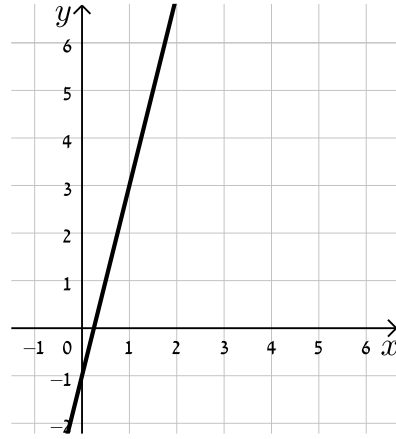


17) כתוב את משוואת הישר המתאימה לכל אחד מהישרים הבאים:

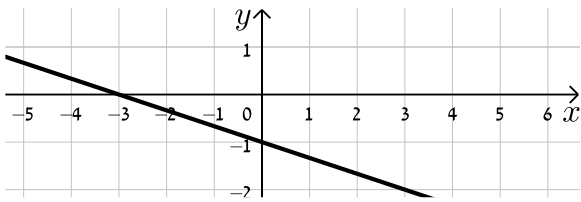
ב.



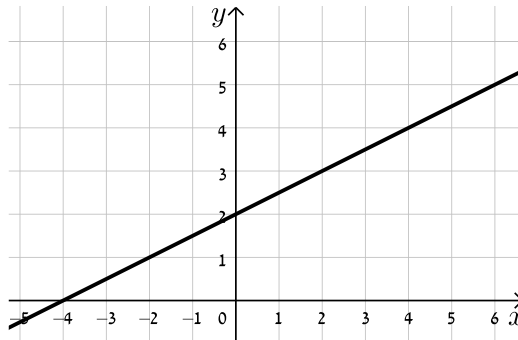
א.



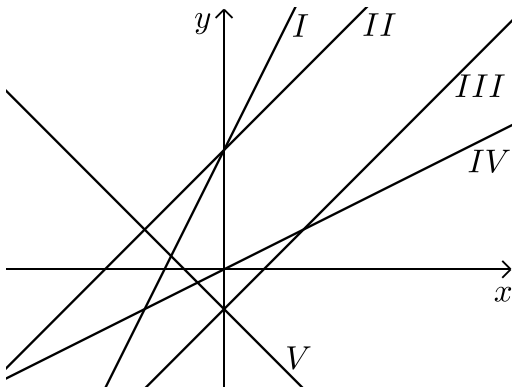
ד.



ג.



18) התאים בין משוואות הישרים הבאים לישרים בשרטוט:



א.  $y = x + 3$

ב.  $y = -x - 1$

ג.  $y = 2x + 3$

ד.  $y = x - 1$

ה.  $y = \frac{1}{2}x$



**19** נתונה משוואה הישר הבאה:  $y = 2x + 3$ . קבע אלו מבין הנקודות הבאות נמצאות עליו:  $A(-1,1)$ ,  $B(3,3)$ ,  $C(0,4)$ ,  $D(6,15)$ .

**20** נתונה משוואת הישר הבאה:  $y = mx - 2.5$ . ידוע כי הנקודה  $A(4,2)$  נמצאת על הישר. מצא את  $m$  וקבע האם גם הנקודה  $B(7,-2)$  נמצאת עליו.

**21** הנקודות  $A(5,-3)$ ,  $B(4,1)$  נמצאות על ישר שמשוואתו היא:  $y = mx + n$ . מצא את  $m$  ואת  $n$ .

**22** מצא את נקודות החיתוך שבין זוגות הישרים הבאים:

$\begin{cases} y = 2x - 4 \\ y = x + 6 \end{cases}$ <p style="text-align: center;">.ג</p>	$\begin{cases} y = x - 12 \\ y = 4x + 6 \end{cases}$ <p style="text-align: center;">.ב</p>	$\begin{cases} y = 3x + 4 \\ y = -2x - 1 \end{cases}$ <p style="text-align: center;">.א</p>
---	--	---

**23** קבע את המצב ההדדי בין זוגות הישרים הבאים:

$\begin{cases} y = x - 7 \\ y = x + 6 \end{cases}$ <p style="text-align: center;">.ב</p>	$\begin{cases} y = 3x + 4 \\ y = 2x + 4 \end{cases}$ <p style="text-align: center;">.א</p>
--	--

$\begin{cases} y = x + 8 \\ y = x + 8 \end{cases}$ <p style="text-align: center;">.ד</p>	$\begin{cases} y = 6x - 15 \\ y = 3x + 41 \end{cases}$ <p style="text-align: center;">.ג</p>
--	--

**24** קבע אלו מבין זוגות הישרים הבאים הם מאונכים זה לזה:

$\begin{cases} y = 2x \\ y = \frac{1}{2}x + 4 \end{cases}$ <p style="text-align: center;">.ב</p>	$\begin{cases} y = 3x + 1 \\ y = 3x - 1 \end{cases}$ <p style="text-align: center;">.א</p>
--	--

$\begin{cases} y = x - 6 \\ y = -x + 6 \end{cases}$ <p style="text-align: center;">.ד</p>	$\begin{cases} y = -4x - 5 \\ y = \frac{1}{4}x + 5 \end{cases}$ <p style="text-align: center;">.ג</p>
---	---

**25** משוואת הצלע AB של המלבן ABCD היא  $y = 6x - 2$ .

- א. מה הם שיפועי הצלעות האחרות של המלבן?  
 ב. כיצד תשתנה תשובתך לסעיף הקודם אם משוואת הישר הנ"ל הייתה שייכת לצלע BC במקום AB?

26 במשולש ABC נתונים שיעורי הקודקודים:  $A(5, -1)$ ,  $B(3, 7)$ ,  $C(-5, 5)$ .  
הוכח שהמשולש ישר זווית ושווה שוקיים.

27 מצא את משוואות הישרים הבאים:

- א. ישר העובר דרך הנקודה  $A(1, 3)$  ושיפועו  $m = 2$ .
- ב. ישר העובר דרך הנקודה  $A(0, -4)$  ושיפועו  $m = \frac{1}{3}$ .
- ג. ישר העובר דרך הנקודה  $A(5, 9)$  ושיפועו  $m = 0$ .
- ד. ישר העובר דרך הנקודות  $A(5, -12)$  ו- $B(6, -6)$ .
- ה. ישר העובר דרך הנקודה  $A(-6, 4)$  ומקביל לישר:  $y = 2x - 3$ .
- ו. ישר העובר דרך הנקודה  $A(3, -5)$  ומקביל לציר ה- $y$ .
- ז. ישר העובר דרך הנקודה  $A(-7, -3)$  ומאונך לישר:  $y = x + 3$ .
- ח. ישר העובר דרך נקודת החיתוך של הישרים:  $y = 11x - 4$  ו- $y = 3x - 12$  ומקביל לישר:  $y = 7x + 5$ .

שאלות מסכמות:

28) במשולש ABC מעבירים את התיכון AD לצלע BC.

ידוע כי:  $A(3, -2)$ ,  $B(2, 4)$ ,  $D(-2, 2)$ .

- כתוב את משוואת הישר של התיכון AD.
- מצא את שיעורי הקדקוד C.
- כתוב את משוואת הישר של הצלע AC.

29) נתון מעוין ABCD שבו נתונים הקודקודים A(-9,1) ו-B(5,-7).

משוואת הישר עליו מונח האלכסון AC היא  $x + 3y + 6 = 0$ .

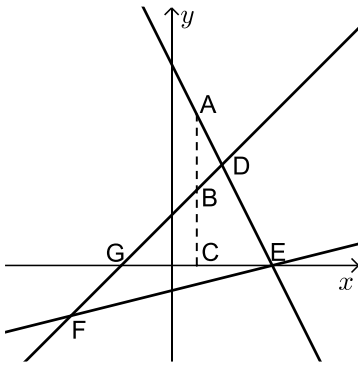
- מצא את משוואת הישר עליו מונח האלכסון BD.
- מצא את משוואת הישר עליו מונחת הצלע BC.

30) שלוש המשוואות הבאות מייצגות את הישרים המופיעים

בשרטוט:  $x - y + 2 = 0$ ,  $x - 4y - 4 = 0$  ו-  $2x + y - 8 = 0$ .

הקטע AC מקביל לציר ה-y.

- חשב את שטח המשולש DEF.
- נתון:  $d_{BC} = 3$ .
- חשב את אורך הקטע AB.



31) BD הוא התיכון לצלע AC במשולש ABC שבו נתון הקודקוד A(-6,1).

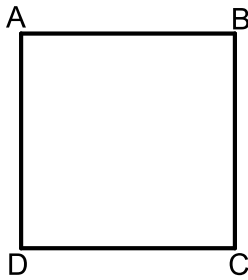
משוואת התיכון BD היא  $x - y = 1$  ומשוואת הצלע BC היא  $3x + 5y = 67$ .

מצא את שיעורי הקדקוד C.

32) נתון טרפז ABCD ( $AB \parallel CD$ ) ובו משוואת השוק BC היא:  $x = 2$ .

משוואת הבסיס CD היא  $2x + 3y = 7$  וידוע כי  $A(-4,1)$ .

- מצא את משוואת הבסיס AB.
- מצא את שיעורי הקדקודים B ו-C.
- מעבירים את האלכסון AC. הראה כי המשולש ABC הוא ישר זווית ומצא את שטחו.



33 במרובע ABCD ידוע כי שיפוע הצלע BC הוא 3

ושיעורי הנקודה A הם: (1,4).

א. איזה מרובע הוא המרובע ABCD?

הראה חישוב מתאים.

ב. נתון גם:  $D(4,13)$ ,  $m_{CD} = -\frac{1}{3}$  ו-  $BC = \sqrt{90}$ .

איזה מרובע הוא המרובע ABCD כעת?

הראה חישוב מתאים.

ג. נתון גם:  $B(-8,7)$ .

איזה מרובע הוא המרובע ABCD כעת?

הראה חישוב מתאים.

ד. חשב את שטח המרובע ABCD.

34 המרובע ABCD הוא מעוין.

ידוע כי שיעורי אחת הנקודות במעוין הם: (0,6).

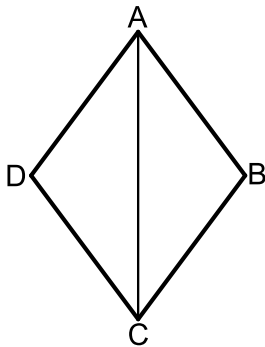
כמו כן, ידוע גם כי משוואת האלכסון AC

היא:  $y = -1.5x + 6$  ואחת ממשוואות הצלעות

היא:  $x + y = 4$ .

א. מצא את משוואת האלכסון השני.

ב. מצא את שאר קדקודי המעוין.



35 המשולש ABC הוא משולש שווה שוקיים ( $AB = AC$ ).

ב- $\triangle ABC$  מעבירים את הגובה AD לבסיס BC

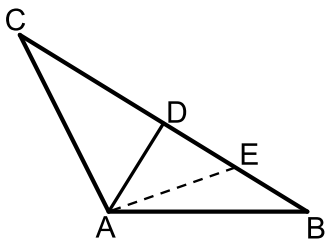
ומסמנים נקודה E כך שמתקיים:  $DE = BE$ .

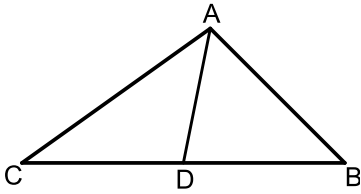
קדקוד הראש A נמצא בראשית הצירים ונתון

כי:  $D(5,7)$ ,  $E(12,2)$ .

א. מצא את שיעורי שאר קדקודי המשולש.

ב. כתוב את משוואת השוק AC.





**36** נתון משולש ABC. הנקודה D נמצאת על הצלע BC

של המשולש ABC כך שהקטע AD מחלק אותו

לשני משולשים שווי שטח ABD ו-ACD.

הצלע BC מונחת על הישר:  $y = 4$  וידוע כי

שיעור ה- $x$  של הנקודה C הוא:  $x_C = -1$ .

כמו כן נתון:  $A(7,8)$ ,  $m_{AB} = -2$ .

א. מצא את משוואת הצלע AB.

ב. ענה על הסעיפים הבאים:

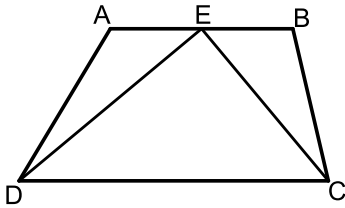
i. איזה קטע הוא AD בתוך המשולש ABC?

ii. מצא את שיעורי הנקודות B ו-D.

ג. ענה על הסעיפים הבאים:

i. חשב את אורך הצלע BC ואת אורך הקטע AD.

ii. איזה משולש הוא המשולש ABC?



**37** המרובע ABCD הוא טרפז. הנקודה E היא אמצע

הבסיס AB וידוע כי היא נמצאת על ציר ה- $x$ .

שיעורי הנקודה B הם  $(3,2)$  והצלע AD מונחת

על הישר:  $x = -5$ . אורך הקטע DE הוא  $\sqrt{80}$

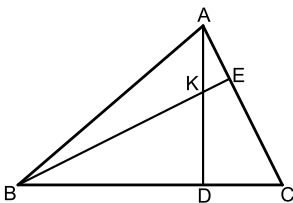
כך ש- $\angle DEC = 90^\circ$  ברביע השלישי וכן:

א. מצא את שיעורי הנקודות A, D ו-E.

ב. מצא את משוואת הקטע CE ואת משוואת הבסיס CD.

ג. מצא את שיעורי הנקודה C.

ד. חשב את שטח המשולש DEC.



**38** AD ו-BE הם בהתאמה גבהים לצלעות BC ו-AC

במשולש ABC.

ידוע כי שיעורי נקודת פגישת הגבהים K הם:  $(1,3)$ .

שיעורי הנקודות D ו-E הם:  $D(-2,4)$ ,  $E(3,5)$ .

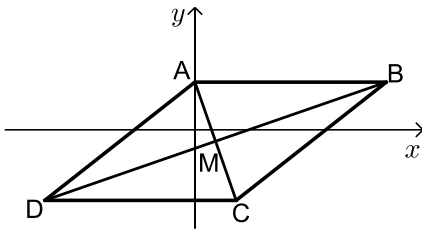
א. מצא את משוואת הגובה AD ואת משוואת הצלע AC.

ב. מצא את שיעורי הקדקוד A.

ג. מצא את משוואת הגובה BE ואת משוואת הצלע BC.

ד. מצא את שיעורי הקדקוד B.

39 נתון מעוין ABCD. ידוע כי הצלע CD מונחת על  $y = -7$ .

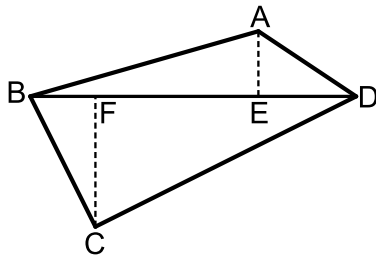


אלכסוני המעוין AC ו-BD נפגשים

בנקודה:  $M(-0.5, -3)$ . שיפוע האלכסון AC הוא -4.

- מצא את משוואת האלכסון AC.
- מצא את שיעורי הנקודה C.
- חשב את שטח המשולש BMC.

40 נתון מרובע ABCD שקודקודיו הם:  $A(3,13)$ ,  $B(-2,4)$ ,  $C(9,3)$ ,  $D(8,14)$ .



מורידים גבהים AE ו-CF לאלכסון BD.

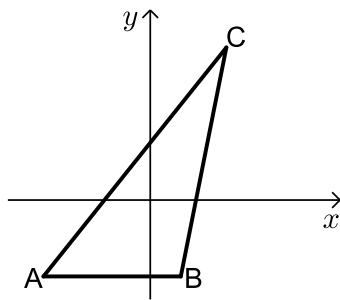
- מצא את משוואת האלכסון BD ואת אורכו.
- מצא את שיעורי הנקודות E ו-F.
- מצא את אורכי הגבהים AE ו-CF.
- חשב את שטח המרובע ABCD.

41 על הישר  $y = -5$  מסמנים את

הנקודות:  $A(-7, -5)$ ,  $B(2, -5)$ .

הנקודה C נמצאת על הישר:  $y = x - 5$ .

נסמן את שיעור ה-x של הנקודה C ב-t.



א. הבע באמצעות t את שיעור ה-y של הנקודה C.

ב. ידוע כי אורך הצלע AC הוא 17 ס"מ.

הבע באמצעות t את המרחקים של C מ-A ומ-B.

ג. מצא את t ואת אורך הצלע BC.

ד. מסמנים נקודה D על המשך הצלע AB.

ידוע כי D נמצאת ברביע השלישי.

מצא את שיעורי הנקודה D המקיימת ששטח

המשולש DAC יהיה גדול ב-16 יחידות משטח המשולש ABC.

42 המשולש ABC הוא שווה שוקיים ( $AB = BC$ )

ובו נתון:  $A(-4,12)$ ,  $B(x,6)$  ו-  $C(4,8)$ .

א. מצא את  $x$ .

ב. הוכח כי המשולש הוא ישר זווית.

ג. ענה על הסעיפים הבאים:

i. מצא את משוואת הצלע AC.

ii. מסמנים את נקודת החיתוך של הצלע AC עם ציר ה- $y$  ב-D.

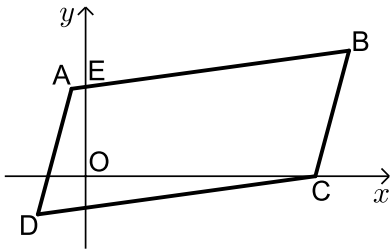
מצא את שיעורי הנקודה D.

ד. ענה על הסעיפים הבאים:

i. מצא נקודה E ברביע הראשון ( $x_E < 5$ ) כך שהמשולש DCE יהיה גם

שווה שוקיים וישר זווית ( $\sphericalangle C = 90^\circ$ ).

ii. חשב את יחס השטחים בין המשולשים:  $\frac{S_{DCE}}{S_{ABC}}$ .



43 באיור שלפניך נתונה מקבילית ABCD.

ידועים קודקודי המקבילית הבאים:  $A(-1, y)$

ו-  $B(x, 4)$ . ( $x$  ו- $y$  נעלמים).

שיפוע הצלע CD הוא 0.2 ואורכה הוא:  $d_{CD} = \sqrt{104}$ .

א. מצא את  $x$  ו- $y$  אם ידוע כי B ברביע הראשון.

ב. נתון גם כי הקדקוד C נמצא על ציר ה- $x$  בחלקו החיובי

וכי:  $d_{BC} = \sqrt{17}$ . מצא את שיעורי הקדקוד C (מצא שתי אפשרויות).

ג. סמן את נקודת החיתוך של הצלע AB עם ציר ה- $y$  ב-E.

שטח המרובע EOCB הוא 25.9 יח"ש. מצא את האפשרות הנכונה עבור

הנקודה C מבין אלו שמצאת בסעיף הקודם.

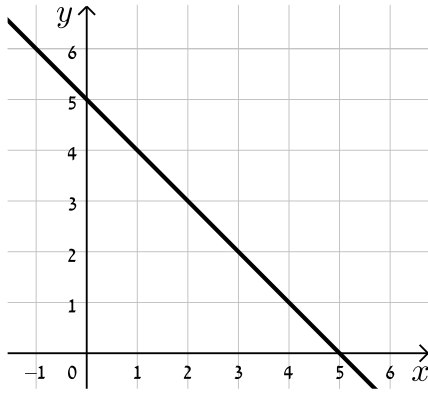
## תשובות סופיות:

- (1) א.  $(3, -2)$     ב.  $(0, -1)$     ג.  $(0, 0)$
- ד.  $\left(4, -\frac{5}{8}\right)$     ה.  $(1.5, -1)$     ו.  $(4, -2.5)$
- (2) א.  $B(0, 4)$     ב.  $B(6, 8)$     ג.  $B(-5, -3)$     ד.  $B\left(1, \frac{2}{3}\right)$
- (3)  $D(4, -1.5)$
- (4)  $D(0, 2)$
- (5)  $A(5, -8)$  ,  $B(-11, 16)$
- (6)  $D(18, 0)$
- (7) א.  $d_{AB} = 7$     ב.  $d_{AB} = 5$     ג.  $d_{AB} = 5$     ד.  $d_{AB} = 13$
- ה.  $d_{AB} = \sqrt{145}$     ו.  $d_{AB} = 15\sqrt{2}$
- (8)  $P_{ABC} \approx 33.862$  יחידות אורך
- (9)  $y = -2$  או  $y = 10$
- (10)  $x = 39$  או  $x = -9$
- (11)  $B(-1, -3)$
- (12)  $B(3, -2)$  ,  $C(-3, -2)$
- (13)  $P_{ABCD} = 6\sqrt{10} \approx 18.97$  יחידות אורך
- (14) א.  $m_{AB} = 1$     ב.  $m_{AB} = -\frac{1}{2}$     ג.  $m_{AB} = -7$     ד.  $m_{AB} = -\frac{5}{7}$
- ה. שיפוע לא מוגדר.    ו.  $m_{AB} = 0$
- (15)  $m_{AB} = -2$  ,  $m_{BC} = -10$  ,  $m_{AC} = 6$

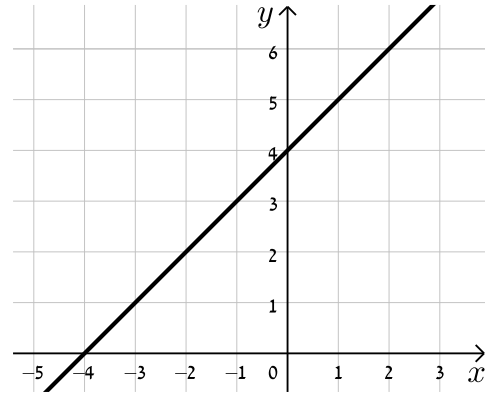


16) להלן הגרפים של משוואות הישרים:

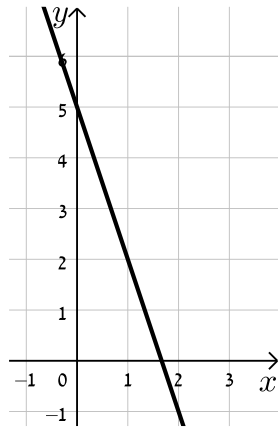
ב.



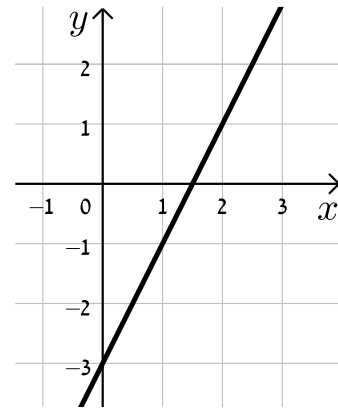
א.



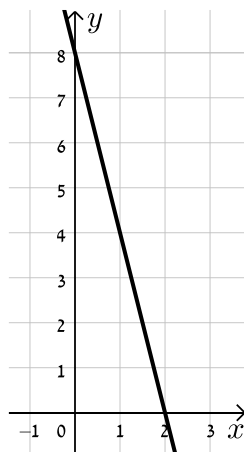
ד.



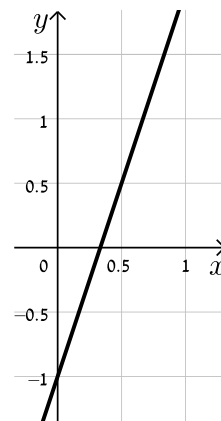
ג.



ו.



ה.



(17) א.  $y = 4x - 1$     ב.  $y = -2x + 5$     ג.  $y = \frac{1}{2}x + 2$     ד.  $y = -\frac{1}{3}x - 1$

(18) א. II.    ב. V.    ג. I.    ד. III.    ה. IV.

(19) נמצאות : A, D. לא נמצאות : B, C.

(20)  $m = \frac{9}{8}$ , B לא נמצאת.

(21)  $m = -4, n = 17$ .

(22) א. (-1,1)    ב. (-6,-18)    ג. (10,16)

(23) א. נחתכים.    ב. מקבילים.    ג. נחתכים.    ד. מתלכדים.

(24) מאונכים : ג', ד'. לא מאונכים : א', ב'.

(25) א.  $m_{AB} = m_{CD} = 6, m_{BC} = m_{AD} = -\frac{1}{6}$ .

ב. הכל הפוך :  $m_{AB} = m_{CD} = -\frac{1}{6}, m_{BC} = m_{AD} = 6$ .

(26) שאלת הוכחה.

(27) א.  $y = 2x + 1$     ב.  $y = \frac{1}{3}x - 4$     ג.  $y = 9$     ד.  $y = 6x - 42$

ה.  $y = 2x + 16$     ו.  $x = 3$     ז.  $y = -x - 10$     ח.  $y = 7x - 8$

(28) א.  $y = -\frac{4}{5}x + \frac{2}{5}$     ב.  $C(-6,0)$     ג.  $y = -\frac{2}{9}x - \frac{4}{3}$

(29) א.  $l_{BD} : y = 3x - 22$     ב.  $l_{BC} : y = -\frac{1}{8}x - 6\frac{3}{8}$

(30) א. 18 יח"ש  $S_{EDF}$     ב. 3 יחידות אורך AB.

(31)  $C(14,5)$ .

(32) א.  $y = -\frac{2}{3}x - \frac{5}{3}$     ב.  $B(2,-3), C(2,1)$     ג. 12 יחידות שטח  $S_{ABC}$ .

(33) א. מרובע כללי כלשהו. לא ניתן להצביע על אף תכונה.

ב. מלבן. ניתן להראות כי יש למרובע שני זוגות צלעות נגדיות מקבילות ושוות וזווית ישרה.

ג. ריבוע. ניתן להראות כי קיימות זוג צלעות סמוכות שוות. ד. 90 יח"ש  $S$ .

(34) א.  $y = \frac{2}{3}x + 1\frac{2}{3}$     ב.  $(-1,1), (4,0), (5,5)$ .

(35) א.  $B(19,-3), C(-9,17)$     ב.  $y = -1\frac{8}{9}x$ .

**(36)** א.  $y = -2x + 22$

ב. i. תיכון - קטע במשולש שחוצה אותו לשני משולשים שווי שטח הוא תיכון.

ב. ii.  $B(9,4)$  ,  $D(4,4)$

ג. ii.  $AD = 5$  ,  $BC = 10$

ג. ii. משולש ישר זווית – אם במשולש יש תיכון לצלע ששווה למחציתה

אז המשולש הוא ישר זווית.

**(37)** א.  $D(-5,-8)$  ,  $A(-5,-2)$  ,  $E(-1,0)$

ב.  $CE: y = -\frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$  ,  $CD: y = \frac{1}{2}x - 5\frac{1}{2}$  . ג.  $C(5,-3)$  . ד.  $S_{DEC} = 30$  יח"ש

**(38)** א.  $AD: y = -\frac{1}{3}x + 3\frac{1}{3}$  ,  $AC: y = -x + 8$

ב.  $A(7,1)$  . ג.  $BC: y = 3x + 10$  ,  $BE: y = x + 2$  . ד.  $B(-4,-2)$

**(39)** א.  $y = -4x - 5$  . ב.  $C(0.5, -7)$  . ג.  $S_{BMC} = S_{DMC} = 34$  סמ"ר

**(40)** א.  $d_{BD} = \sqrt{200}$  ,  $y = x + 6$  . ב.  $E(5,11)$  ,  $F(3,9)$

ג.  $d_{CF} = \sqrt{72}$  ,  $d_{AE} = \sqrt{8}$  . ד.  $S_{ABCD} = 80$

**(41)** א.  $C(t, t-5)$  . ב. i.  $AC = \sqrt{2t^2 + 14t + 49}$  ,  $BC = \sqrt{2t^2 - 4t + 4}$

ii.  $t = 8$  ,  $BC = 10$  ס"מ . ג.  $D(-20, -5)$

**(42)** א.  $x = -2$  . ג. i.  $y = -0.5x + 10$  . ii.  $D(0,10)$

ד. i.  $E(2,4)$  . ii.  $\frac{S_{DCE}}{S_{ABC}} = \frac{1}{2}$

**(43)** א.  $x = 9$  ,  $y = 2$  . ב.  $C(8,0)$  ,  $C(10,0)$  . ג.  $C(8,0)$

## נושאים מתקדמים עם משוואת הישר:

### שאלות העוסקות בחלוקת קטע ביחס נתון:

(1) הנקודה P נמצאת על הקטע AB. נתון:  $A(2, -5)$ ,  $B(-12, 16)$ .

$$\frac{AP}{PB} = \frac{2}{5}$$

מצא את ערכי הנקודה P, אם נתון כי:

(2) קודקודי משולש ABC הם:  $A(-1, 3)$ ,  $B(6, 0)$ ,  $C(4, -12)$ .

מצא את שיעורי מרכז הכובד של המשולש.  
(מרכז כובד של משולש הוא מפגש תיכוני המשולש).

(3) מצא את שיעורי מרכז הכובד של משולש ABC

שקודקודיו הם:  $A(x_1, y_1)$ ,  $B(x_2, y_2)$ ,  $C(x_3, y_3)$ .

(4) קודקודי המשולש ABC הם:  $A(5, 1)$ ,  $B(7, -3)$ ,  $C(-1, 4)$ .

מצא את אורכו של חוצה הזווית היוצא מקדקוד A.

### שאלות העוסקות במרחק נקודה מישר:

(5) ענה על הסעיפים הבאים:

א. מצא את מרחק הנקודה  $(-2, 4)$  מהישר  $4x + 3y + 11 = 0$ .

ב. מצא את מרחק הנקודה  $(4, 3)$  מהישר  $y = 3x - 1$ .

ג. מצא את מרחק הנקודה  $(3, -11)$  מהישר  $x - 5 = 0$ .

(6) מצא את המרחק בין הנקודה הנתונה לישר הנתון:

א.  $3x - 4y + 6 = 0$ ,  $A(-5, -1)$       ב.  $12x + 5y - 17 = 0$ ,  $A(-3, 8)$

ב.  $2y + 7 = 0$ ,  $A(11, -2)$       ד.  $3x - 14 = 0$ ,  $A\left(6, -\frac{1}{2}\right)$

(7) מצא את שיעורי הנקודות על הישר  $x + y - 7 = 0$  שמרחקן

מהישר  $2x - y + 5 = 0$  הוא:  $\sqrt{20}$ .

**8** מצא את שטחה של מקבילית ששיעורי קודקודיה הם:  $A(7, -1)$ ,  $B(-5, 4)$ ,  $C(-1, 7)$ ,  $D(11, 2)$ .

**9** מצא את שטחו של המשולש  $\triangle ABC$  שבו שיעורי קודקוד  $A$  הם  $A(5, -3)$  ושניים מתיכוני המשולש מונחים על הישרים  $x - 4 = 0$  ו-  $2x - y - 1 = 0$ .

**10** מצא את שטחו של משולש שקודקודיו הם:  $A(2, 2)$ ,  $B(-1, 1)$ ,  $C(-5, -2)$ .

**11** מצא את שיעורי הנקודות על הישר  $3x - 2y + 6 = 0$ , שמרחקן מהישר:  $2x - y - 14 = 0$  הוא  $3\sqrt{5}$ .

**12** מצא את שיעורי הנקודות על הישר  $4x + 3y - 20 = 0$ , שמרחקן מהישר:  $3x + 2y + 13 = 0$  הוא  $2\sqrt{13}$ .

### שאלות העוסקות במיקום נקודה ביחס לישר:

**13** מצא את שיעורי הנקודה על הישר  $3x - 2y + 6 = 0$ , שמרחקה מהישר:  $2x - y - 14 = 0$  הוא  $3\sqrt{5}$  והיא נמצאת מתחתיו.

**14** מצא את שיעורי הנקודה על הישר  $4x + 3y - 20 = 0$ , שמרחקה מהישר:  $3x + 2y + 13 = 0$  הוא  $2\sqrt{13}$  והיא נמצאת מעליו.

**15** נתון משולש  $ABC$  שבו נתונים הקודקודים:  $A(1, 1)$ ,  $B(13, 6)$ . הקדקוד  $C$  נמצא על הישר  $2x - y - 19 = 0$  ונמצא מתחת לצלע  $AB$ . מצא את שיעורי הקדקוד  $C$  אם ידוע ששטח המשולש הוא 13.

**16** נתון משולש שצלעותיו מונחות על הישרים:  
 $I: x + 2y + 1 = 0$ ,  $II: x - 2y - 11 = 0$ ,  $III: 2x - y + 6 = 0$   
 מצא שיעורי נקודה הנמצאת בתוך המשולש, שמרחקה מישר  $I$  שווה למרחקה מישר  $III$  ומרחקה מישר  $II$  הוא מחצית מהמרחק משני ישרים אלה.

**17** מצא את שיעורי מרכז המעגל, החסום במשולש, שצלעותיו מונחות על הישרים:  $I: 4x - 3y + 2 = 0$ ,  $II: 3x - 4y - 51 = 0$ ,  $III: 3x + 4y - 11 = 0$ .

**18** מצא משוואת ישר ששיפועו 3 אם ידוע שהנקודה  $G(7, -3)$  נמצאת מתחתיו ובמרחק  $2\sqrt{10}$  ממנו.

**19** מצא משוואת ישר שעובר בנקודה  $A(-2, 6)$  ומרחקו מהנקודה  $B(2, 9)$  הוא  $\sqrt{5}$ .

**20** מצא משוואת ישר שעובר בנקודה  $A(9, 10)$  ומרחקו מהנקודה  $B(8, -3)$  הוא  $5\sqrt{5}$ .

**21** מצא משוואת ישר שעובר בנקודה  $A(3, 6)$  ומרחקו מהנקודה  $B(-9, 2)$  הוא 4.

**22** מצא משוואת ישר שעובר בנקודה  $A(1, 2)$  ומרחקו מהנקודה  $B(-3, 10)$  הוא 4.

**23** מצא משוואת ישר שעובר בנקודה  $A(10, 8)$  ומרחקו מהנקודה  $B(7, -1)$  הוא 3.

**24** מצא משוואת ישר שעובר בנקודה  $A(-6, 1)$  ומרחקו מהנקודה  $B(2, 7)$  הוא 10.

### שאלות העוסקות במרחק בין ישרים מקבילים:

**25** מצא משוואת ישר, המקביל לישר  $3x - 4y + 8 = 0$  ונמצא במרחק 4 ממנו.

**26** מצא את המרחק בין הישרים המקבילים:  $5x + 12y + 25 = 0$ ,  $5x + 12y - 14 = 0$ .

**27** נתונים הישרים:  $12x - 2y - 15 = 0$ ,  $y = 6x + 5$ . הראה שהישרים מקבילים ומצא את המרחק ביניהם.

**28** נתון המלבן ABCD. משוואותיהן של שתיים מצלעות המלבן הן  $AB: 3x + y = 0$  ו- $CD: 3x + y - 6 = 0$ . הקדקוד B נמצא בראשית הצירים. נתון כי הצלע BC ארוכה פי 4 מהצלע BC. מצא את שטח המלבן ואת מפגש אלכסוני המלבן, אם ידוע שהוא ברביע הרביעי.

- (29)** צלע של ריבוע מונחת על הישר  $3x - 2y + 5 = 0$ .  
אלכסוני הריבוע נפגשים בנקודה  $B(1, -1)$ .  
מצא את משוואות הישרים עליהם מונחות הצלעות האחרות של הריבוע.
- (30)** נתון ישר שעובר בראשית הצירים ושיפועו חיובי.  
מצא את משוואת הישר אם נתון שהוא נמצא מעל הנקודות  $P(4, 1)$  ו- $Q(7, 2)$   
וסכום המרחקים ממנו לנקודות אלה הוא  $3\sqrt{10}$ .
- (31)** במשולש BKP נתון כי הצלע BK מונחת על הישר  $x - y + 3 = 0$  והצלע BP מונחת על הישר  $x + 2y + 3 = 0$ . אורך הגובה לצלע BP הוא  $3\sqrt{5}$  ואורך הגובה לצלע KP הוא 5. מצא את שיעורי קדקוד P אם ידוע שראשית הצירים נמצאת בתוך המשולש.

**תשובות סופיות:**

- (1)  $P(-2,1)$
- (2)  $M(3,-3)$
- (3)  $\left(\frac{x_1+x_2+x_3}{3}, \frac{y_1+y_2+y_3}{3}\right)$
- (4) 1.697 יחידות אורך
- (5) א. 3 ב.  $\frac{8}{\sqrt{10}}$  ג. 2
- (6) א. 1 ב. 1 ג.  $1\frac{1}{2}$  ד.  $\frac{1}{3}$
- (7)  $(4,3), \left(-2\frac{2}{3}, 9\frac{2}{3}\right)$
- (8) 56 יח"ש  $S_{ABCD}$
- (9) 18 יח"ש  $S_{ABC}$
- (10) 2.5 יח"ש  $S_{ABC}$
- (11)  $(4,9), (64,99)$
- (12)  $(-1,8), (-157,216)$
- (13)  $(64,99)$
- (14)  $(-1,8)$
- (15)  $C(11,3)$
- (16)  $(-1,-4)$
- (17)  $(2,-5)$
- (18)  $y = 3x - 4$
- (19)  $y = 2x + 10, y = \frac{2}{11}x + 6\frac{4}{11}$
- (20)  $y = -\frac{22}{31}x + 16\frac{12}{31}, y = \frac{1}{2}x + 5\frac{1}{2}$
- (21)  $y = \frac{3}{4}x + 3\frac{3}{4}, y = 6$
- (22)  $x = 1$  או  $y = -\frac{3}{4}x + 2\frac{3}{4}$
- (23)  $x = 10$  או  $y = 1\frac{1}{3}x - 5\frac{1}{3}$
- (24)  $y = -\frac{4}{3}x - 7$
- (25)  $3x - 4y + 28 = 0, 3x - 4y - 12 = 0$
- (26) 3
- (27)  $\frac{25}{\sqrt{148}}$
- (28) 14.4 יח"ש  $S = (2.1, -3.3)$
- (29)  $3x - 2y - 15 = 0, y = -\frac{2}{3}x - 3\frac{2}{3}, y = -\frac{2}{3}x + 3$
- (30)  $y = 3x$
- (31)  $P\left(2, -2\frac{1}{2}\right)$